

فصل اول: تابع

۱	درسنامه ۱: انواع تابع و مفاهیم مرتبط با آن
۱	مفهوم تابع
۲	اعمال جبری روی توابع
۲	انواع تابع
۳	خواص قدرمطلق
۵	بررسی تقارن‌های یک منحنی
۷	توابع زوج یا فرد
۸	نکات مهم در مورد توابع زوج و فرد
۸	توابع یک به یک
۹	تابع پوششی (پوشا)
۱۱	درسنامه ۲: توابع معکوس و ترکیب توابع
۱۱	توابع معکوس
۱۱	نحوه به‌دست آوردن تابع معکوس
۱۴	ترکیب دو تابع
۱۶	به‌دست آوردن $g(x)$
۱۶	به‌دست آوردن ضابطه‌ی $f(x)$
۱۸	درسنامه ۳: توابع مثلثاتی و متناوب و وارون مثلثاتی
۱۸	توابع مثلثاتی
۲۰	توابع متناوب
۲۳	توابع وارون مثلثاتی
۲۴	روابط و خواص مهم توابع وارون مثلثاتی
۲۶	درسنامه ۴: توابع هیپربولیک و وارون هیپربولیک
۲۶	توابع هیپربولیک
۲۸	معکوس توابع هیپربولیک
۲۹	روابط بین نسبت‌های مثلثاتی و توابع هیپربولیک
۳۰	درسنامه ۵: به‌دست آوردن دامنه و برد توابع
۳۰	محاسبه دامنه توابع
۳۱	نامساوی‌های لگاریتمی
۳۳	دامنه توابع وارون
۳۳	برد تابع
۳۷	تعیین برد توابع شامل جزء صحیح $(y = [f(x)])$
۳۸	برد توابع نمایی و لگاریتمی
۴۰	تساوی دو تابع
۴۱	درسنامه ۶: مفهوم فاکتوریل و بسط دو جمله‌ای
۴۱	فاکتوریل
۴۲	بسط دو جمله‌ای نیوتن
۴۴	درسنامه ۷: مقاطع مخروطی (منحنی‌های درجه دو)

فصل دوم: حد و پیوستگی

۴۷	درسنامه ۱: تعاریف حد، محاسبه‌ی مستقیم حد، حدود چپ و راست
۴۷	تعریف حدود چپ و راست
۴۷	ویژگی جایگذاری مستقیم در ضابطه‌ی تابع
۴۷	قواعد و قضایای حد
۴۸	تعریف صفر حدی (0^+ و 0^-)، $+\infty$ ، $-\infty$ ، و صفر مطلق
۵۱	در چه نوع حدودی حتماً لازم است هم حد چپ و هم حد راست را حساب کنیم؟
۵۶	موقعیت حدی نقطه
۵۸	درسنامه ۲: حالت مبهم $\frac{0}{0}$
۵۸	رفع ابهام از حالت مبهم $\frac{0}{0}$
۷۲	درسنامه ۳: حالت مبهم $\frac{\infty}{\infty}$
۷۹	درسنامه ۴: حالت مبهم $0 \times \infty$
۸۳	درسنامه ۵: حالت مبهم $\infty - \infty$
۸۷	درسنامه ۶: حالت مبهم 0^0
۸۸	درسنامه ۷: حالت مبهم ∞^0
۸۹	درسنامه ۸: حالت مبهم 1^∞
۹۴	درسنامه ۹: پیوستگی تابع
۹۷	جهش انفصال تابع
۹۷	چند نکته در مورد توابع پیوسته
۹۸	پیوستگی تابع در یک فاصله
۹۹	تعریف ناپیوستگی رفع شدنی و رفع نشدنی
۱۰۰	به دست آوردن نقاط انفصال توابعی به فرم $y = \lfloor f(x) \rfloor$
۱۰۲	درسنامه ۱۰: قضیه مقدار میانی (بولتزانو)
۱۰۴	درسنامه ۱۱: مجانب
۱۰۶	روش‌های تعیین مجانب مایل
۱۱۰	مجانب توابع پارامتری
۱۱۱	مجانب توابع ضمنی

فصل سوم: مشتق و کاربرد مشتق

۱۱۲	درسنامه ۱: مفهوم مشتق و فرمول‌های مشتق‌گیری
۱۱۲	تعبیر هندسی و تعریف مشتق
۱۱۳	مشتق چپ و راست
۱۱۴	رابطه‌ی بین مشتق و پیوستگی
۱۱۶	نقاط مشتق‌ناپذیر توابع
۱۱۸	قواعد مشتق‌گیری
۱۱۹	نوشتن تابع مشتق توابع چند ضابطه‌ای
۱۲۰	مشتق حاصل جمع، حاصل ضرب و تقسیم دو عبارت
۱۲۱	استفاده از لگاریتم در مشتق‌گیری
۱۲۳	مشتقات مراتب بالاتر
۱۲۴	محاسبه‌ی مشتق مرتبه n ام
۱۲۷	فرمول لایب‌نیتز
۱۲۸	بررسی مشتق‌پذیری سه تابع مهم
۱۳۳	مشتق منحنی‌های پارامتری
۱۳۴	عامل صفرکننده در مشتق
۱۳۴	نرخ تغییرات
۱۳۵	چند نکته تکمیلی در مورد مشتق

۱۳۶ درسنامه ۲: مشتق گیری ضمنی
۱۴۰ درسنامه ۳: قاعده زنجیرهای مشتق
۱۴۰ مشتق تابع $f \circ g(x)$
۱۴۳ درسنامه ۴: مشتق تابع معکوس
۱۴۶ درسنامه ۵: استفاده از تعریف مشتق در حل مسائل
۱۴۶ چه زمانی لازم است از تعریف مشتق استفاده کنیم؟
۱۴۹ بررسی توابعی به فرم کلی $f^a(x) \sin \frac{c}{g^b(x)}$ و $f^a(x) \cos \frac{c}{g^b(x)}$ ($b > 0$ و $a \in \mathbb{R}$)
۱۵۵ درسنامه ۶: آهنگ تغییر
۱۵۵ آهنگ متوسط و آهنگ لحظه‌ای تغییر
۱۵۵ آهنگ تغییر در فیزیک
۱۵۵ آهنگ تغییر در اقتصاد
۱۵۶ آهنگ تغییر در زیست‌شناسی
۱۵۶ کمیت‌های دارای رشد (یا زوال) نمایی
۱۵۷ نیمه‌عمر مواد رادیواکتیو
۱۵۸ آهنگ‌های وابسته
۱۵۸ دستورالعمل حل مسائل آهنگ‌های وابسته
۱۶۶ درسنامه ۷: خطوط قائم و مماس بر یک منحنی
۱۶۶ معادله خط مماس و قائم بر یک منحنی
۱۷۰ تحت مماس و تحت قائم
۱۷۱ طول مماس و طول قائم
۱۷۱ منحنی‌های مماس برهم
۱۷۴ زاویه بین دو منحنی
۱۷۵ زاویه بین دو نیم‌مماس
۱۷۶ یافتن معادله خط مماس یا قائم از نقطه‌ای خارج منحنی
۱۷۸ درسنامه ۸: نقاط اکسترمم، عطف و تشخیص رفتار تابع
۱۷۸ تعریف ماکزیمم و مینیمم نسبی (موضعی)
۱۷۸ تعریف ماکزیمم و مینیمم مطلق
۱۷۹ نحوه تعیین نقاط ماکزیمم و مینیمم نسبی
۱۸۴ تعیین نقاط Max و Min مطلق تابع
۱۸۶ بررسی وجود Max و Min مطلق روی بازه‌ی باز (a, b)
۱۸۸ استفاده از آزمون مشتق دوم چه زمانی مناسب است؟
۱۹۰ چند نکته در مورد نقاط اکسترمم توابع
۱۹۱ چند نکته در مورد ارتباط نقاط بازگشت و اکسترمم‌های نسبی
۱۹۲ پیدا کردن برد توابع با استفاده از مشتق
۱۹۳ تعیین صعودی و نزولی بودن تابع به کمک مشتق
۱۹۶ رابطه‌ی بین مفاهیم صعودی و نزولی، یک به یک بودن و یکنوا بودن
۱۹۷ بررسی چند تابع مهم
۱۹۸ تعریف تقعر
۱۹۹ تعریف نقطه عطف و روش‌های به‌دست آوردن آن
۲۰۰ روش به‌دست آوردن نقطه عطف
۲۰۴ آزمون مشتق سوم در تعیین نقطه عطف
۲۰۵ استفاده از بسط تیلور برای تشخیص نمودار $f(x)$ حول یک نقطه
۲۰۶ روشی دیگر در تعیین نقاط عطف، ماکزیمم و مینیمم نسبی
۲۰۷ روابط بین نمودارهای f ، f' و f''

۲۱۳	درسنامه ۹: مسائل بهینه‌سازی
۲۱۶	دستورالعمل حل مسائل بهینه‌سازی
۲۳۱	مسائل بهینه‌سازی در اقتصاد
۲۳۲	چند نکته برای محاسبه‌ی مقادیر اکسترمم مطلق بدون استفاده از مشتق
۲۳۴	درسنامه ۱۰: قضایای مقدار میانگین، رُل و گشی
۲۳۹	کاربردهای قضیه‌ی مقدار میانگین
۲۴۲	قضیه‌ی مقدار میانگین در حالت کلی‌تر
۲۴۳	درسنامه ۱۱: تعریف دیفرانسیل و محاسبه تقریبی مقدار تابع
۲۴۳	مفهوم دیفرانسیل تابع $f(x)$
۲۴۴	تقریب خطی مقدار $f(x)$ (کاربرد دیفرانسیل)

فصل چهارم: انتگرال

۲۴۷	درسنامه ۱۲: فرمول‌ها و تغییر متغیرهای مناسب در انتگرال‌گیری
۲۴۷	فرمول‌های مهم انتگرال
۲۴۸	خواص انتگرال نامعین
۲۵۱	انتگرال معین
۲۵۲	قضیه اساسی حساب دیفرانسیل و انتگرال
۲۵۶	از کجا بفهمیم از چه تغییر متغیری باید استفاده کنیم؟
۲۵۷	تغییر متغیر در انتگرال‌های شامل رادیکال
۲۶۳	انتگرال دیفرانسیل دو جمله‌ای و قضیه‌ی چبیشف
۲۶۶	استفاده از روش‌های ابتکاری در محاسبه‌ی انتگرال‌ها
۲۶۹	درسنامه ۱۳: محاسبه‌ی انتگرال‌های شامل توابع مثلثاتی یا هیپر بولیک
۲۶۹	محاسبه‌ی انتگرال‌های \sin و \cos با توان فرد
۲۶۹	محاسبه‌ی انتگرال‌های \sin و \cos با توان زوج
۲۶۹	محاسبه‌ی انتگرال‌های به صورت $\int \sin^m x \cos^n x dx$ که در آنها m و n اعدادی صحیح هستند
۲۷۰	محاسبه‌ی انتگرال $\int \sin^m x \cos^n x dx$ وقتی m و n اعدادی گویا باشند
۲۷۰	محاسبه‌ی انتگرال‌های $\cot^n x$ و $\operatorname{tg}^n x$ (n عدد طبیعی است)
۲۷۱	محاسبه‌ی انتگرال‌هایی به صورت کلی $\int (\sec^m x)(\operatorname{tg}^n x) dx$
۲۷۲	محاسبه‌ی انتگرال‌های حاصل ضرب دو جمله سینوسی و کسینوسی
۲۷۳	محاسبه‌ی انتگرال‌هایی به صورت $\int f(\sin x, \cos x) dx$
۲۷۶	محاسبه‌ی انتگرال‌هایی به فرم کلی $\int f(\sinh x, \cosh x) dx$
۲۷۷	محاسبه‌ی انتگرال‌هایی به صورت کلی $\int \frac{a \sin x + b \cos x}{c \sin x + d \cos x} dx$
۲۷۸	درسنامه ۱۴: روش انتگرال‌گیری جزء به جزء
۲۸۹	انتگرال‌گیری جزء به جزء به کمک تشکیل جدول
۲۹۳	کاهش مرتبه‌ی انتگرال‌گیری و استفاده از قاعده‌ی جزء به جزء
۲۹۵	درسنامه ۱۵: انتگرال‌گیری به روش تجزیه کسرها (تجزیه کسرهای جزئی)
۲۹۵	انتگرال‌گیری به روش تجزیه کسرها (تجزیه کسرهای جزئی)
۲۹۶	محاسبه‌ی ضرایب در کسرهای جزئی
۳۰۱	درسنامه ۱۶: نکات و خواص مهم انتگرال‌های معین
۳۱۷	چند فرمول دیگر از انتگرال‌های معین
۳۱۷	قضیه مقدار میانگین در انتگرال (محاسبه‌ی مقادیر متوسط توابع)
۳۱۹	تعمیم قضیه مقدار میانگین
۳۲۰	درسنامه ۱۷: محاسبه‌ی انتگرال‌های شامل جزء صحیح و قدرمطلق
۳۲۰	محاسبه‌ی انتگرال‌های شامل براکت (جزء صحیح)
۳۲۳	محاسبه‌ی انتگرال‌های شامل قدرمطلق

۳۲۶	درسنامه ۷: انتگرال‌های غیرعادی (ناسره)
۳۲۶	انتگرال‌های غیرعادی (ناسره)
۳۳۳	ناسرگی ترکیبی در انتگرال‌ها
۳۳۴	بررسی وضعیت همگرایی و واگرایی در انتگرال‌ها
۳۳۶	استفاده از هم‌ارزی در بررسی همگرایی و واگرایی انتگرال‌ها
۳۴۲	آزمون مقایسه
۳۴۷	همگرایی مطلق و همگرایی مشروط
۳۴۷	چند نکته در مورد دو انتگرال مهم
۳۵۰	تعریف مقدار اصلی کوشی (CPV)
۳۵۰	استفاده از تبدیل لاپلاس در حل برخی از انتگرال‌ها
۳۵۱	انتگرال‌های فرولانی
۳۵۲	درسنامه ۸: مشتق‌گیری از انتگرال
۳۵۲	اولین قضیه‌ی اساسی حساب دیفرانسیل و انتگرال
۳۵۲	مشتق‌گیری از انتگرال
۳۶۵	تعمیم فرمول مشتق‌گیری از انتگرال
۳۶۸	انتگرال‌های وابسته به پارامتر
۳۷۴	درسنامه ۹: معرفی توابع گاما و بتا
۳۷۴	تابع گاما
۳۷۸	تابع بتا
۳۷۸	خواص مهم تابع بتا

فصل پنجم: کاربرد انتگرال

۳۸۴	درسنامه ۱: محاسبه‌ی حد مجموع به کمک انتگرال معین
۳۹۴	سه بحث مفهومی و مهم
۳۹۸	درسنامه ۲: محاسبه‌ی سطح محصور
۳۹۸	محاسبه‌ی مساحت محصور بین یک منحنی و محورها
۴۰۵	محاسبه‌ی مساحت محصور بین دو منحنی
۴۱۵	درسنامه ۳: محاسبه‌ی حجم حاصل از دوران
۴۱۵	محاسبه‌ی حجم به روش دیسک (روش قرصی)
۴۲۵	روش «پوسته استوانه‌ای» برای به‌دست آوردن حجم
۴۳۲	نحوه‌ی استخراج فرمول‌های حجم
۴۳۳	جمع‌بندی و مطالبی جهت به خاطر سپردن فرمول‌ها
۴۳۳	قرار گرفتن ناحیه در دو سمت محور دوران
۴۳۳	محاسبه‌ی حجم با استفاده از سطح مقطع
۴۳۷	درسنامه ۴: محاسبه‌ی طول قوس منحنی
۴۴۵	تعریف تابع طول قوس
۴۴۶	درسنامه ۵: محاسبه‌ی مساحت سطح حاصل از دوران یک منحنی
۴۵۲	نحوه‌ی استخراج فرمول محاسبه‌ی مساحت سطح حاصل از دوران
۴۵۳	درسنامه ۶: محاسبه‌ی مختصات مرکز ثقل (قضیه پاپوس گلدن)
۴۵۳	جرم و چگالی
۴۵۳	چگالی غیر ثابت
۴۵۴	گشتاورها و مرکز جرم
۴۵۵	جمع‌بندی
۴۵۶	محاسبه گشتاورهای استاتیک
۴۵۶	محاسبه مختصات مرکز ثقل یک ناحیه مسطح
۴۵۶	مختصات مرکز ثقل یک منحنی مسطح
۴۵۹	قضایای گلدن - پاپوس
۴۵۹	نحوه‌ی استفاده از قضایای گلدن - پاپوس

فصل ششم: دنباله و سری

۴۶۲	درسنامه ۱: تعریف و بررسی رفتار دنباله‌ها
۴۶۳	بررسی همگرایی و واگرایی دنباله‌ها.....
۴۶۴	محاسبه حدود و عدد همگرایی در دنباله‌ها.....
۴۷۵	چند مثال متنوع دیگر.....
۴۷۶	قضیه اشتولز.....
۴۷۸	بررسی وضعیت همگرایی حاصل جمع، تفریق، ضرب و تقسیم دو دنباله.....
۴۷۸	دنباله‌های صعودی و اکیداً صعودی.....
۴۷۸	دنباله‌های نزولی و اکیداً نزولی.....
۴۸۱	روش‌های تعیین کران بالا یا کران پایین دنباله‌ها.....
۴۸۳	درسنامه ۲: دنباله‌های بازگشتی
۴۸۶	دنباله با رابطه‌ی بازگشتی $a_n + \alpha a_{n-1} + \beta a_{n-2} = 0$
۴۸۸	درسنامه ۳: تعریف انواع سری و شرایط لازم برای همگرایی سری‌ها
۴۸۸	نماد سیگما.....
۴۸۸	خواص سیگما.....
۴۹۰	سری‌های عددی نامتناهی.....
۴۹۰	همگرایی یا واگرایی سری‌ها.....
۴۹۱	بررسی وضعیت همگرایی؛ جمع، تفریق، ضرب و تقسیم دو سری.....
۴۹۲	درسنامه ۴: آزمون‌های همگرایی برای سری‌های مثبت
۴۹۲	سری هندسی و شرط همگرایی.....
۴۹۲	استفاده از P سری.....
۴۹۶	آزمون مقایسه.....
۴۹۸	آزمون خارج قسمت (مقایسه حدی).....
۵۰۱	آزمون نسبت (آزمون دالامبر).....
۵۰۲	آزمون ریشه‌ی ρ ام (آزمون کوشی).....
۵۰۵	آزمون انتگرال.....
۵۰۵	آزمون آبل.....
۵۰۶	آزمون رابه.....
۵۰۷	آزمون تراکم کوشی.....
۵۱۰	سری‌های متناوب.....
۵۱۲	همگرایی مطلق و مشروط.....
۵۱۷	درسنامه ۵: به دست آوردن حاصل سری‌های عددی
۵۱۷	مقدمه‌ای برای ورود به بحث سری‌های تلسکوپی.....
۵۱۸	سری‌های تلسکوپی.....
۵۲۷	سری‌های هندسی.....
۵۳۲	استفاده از تضاد هندسی در حل برخی مسائل فیزیکی و هندسی.....
۵۳۷	نماد پای (Π).....
۵۴۱	درسنامه ۶: تعریف سری‌های توانی، محاسبه‌ی شعاع و فاصله‌ی همگرایی آن‌ها
۵۴۱	سری‌های توانی.....
۵۴۱	محاسبه فاصله همگرایی و شعاع همگرایی سری توانی.....
۵۵۱	نکته مهم و مکمل در تعیین باز یا بسته بودن بازه همگرایی.....
۵۵۶	سری‌های تابعی و به‌دست آوردن ناحیه همگرایی آن‌ها.....
۵۶۲	درسنامه ۷: سری‌های تیلور و مک‌لورن و کاربرد آنها
۵۷۳	مشتق و انتگرال گرفتن از سری‌های توانی.....
۵۷۸	به دست آوردن حاصل برخی از سری‌ها با استفاده از سری‌های مک‌لورن.....
۵۸۸	بازی با e.....
۵۹۳	کاربردهای دیگر سری تیلور.....
۵۹۸	سری‌های دوگانه.....

فصل هفتم: دستگاه مختصات قطبی

درسنامه ۱: دستگاه مختصات قطبی و مفاهیم مرتبط به آن ۶۰۰

تعریف دستگاه مختصات قطبی ۶۰۰

ارتباط بین مختصات دکارتی و قطبی ۶۰۱

تبدیل معادلات در دستگاه‌های مختصات قطبی و دکارتی ۶۰۲

نمایش چند منحنی و ناحیه در مختصات قطبی ۶۰۵

خط مماس و قائم بر یک منحنی قطبی ۶۰۵

محاسبه‌ی زاویه بین شعاع حامل و خط مماس بر یک منحنی قطبی ۶۰۸

رسم نمودار منحنی‌های قطبی ۶۰۹

بررسی تقارن در منحنی‌های قطبی ۶۱۰

روش دیگر برای رسم منحنی‌های قطبی ۶۱۱

یافتن نقاط برخورد نمودارهای قطبی ۶۱۲

نمایش نمودارهای مهم در مختصات قطبی ۶۱۳

لیماسیون ۶۱۳

رُز چند برگ ۶۱۴

لمنیسکات (یا پروانه) ۶۱۴

مارپیچ ارشمیدس ۶۱۴

مارپیچ لگاریتمی ۶۱۴

نمایش خطوط و مقاطع مخروطی در مختصات قطبی ۶۱۵

درسنامه ۲: محاسبه‌ی طول قوس، مساحت محصور، سطح و حجم حاصل از دوران در منحنی‌های قطبی ۶۱۷

طول قوس یک منحنی قطبی ۶۱۷

محاسبه‌ی مساحت محصور توسط یک منحنی در مختصات قطبی ۶۲۰

محاسبه‌ی مساحت محصور بین دو منحنی در مختصات قطبی ۶۲۳

مساحت و حجم حاصل از دوران منحنی‌های قطبی ۶۲۹

فصل هشتم: اعداد مختلط

درسنامه ۱: اعداد مختلط و خواص آن ۶۳۳

اعداد مختلط ۶۳۳

اعمال حسابی در اعداد مختلط ۶۳۳

مزدوج یک عدد مختلط ۶۳۴

خواص اعداد مختلط ۶۳۴

ضرب داخلی و خارجی دو عدد مختلط ۶۳۹

شکل قطبی اعداد مختلط ۶۳۹

محاسبه‌ی اندازه و آرگومان اعداد مختلط ۶۳۹

تبدیل فرم دکارتی به فرم قطبی ۶۴۰

شکل نمایی عدد مختلط ۶۴۱

ضرب و تقسیم اعداد مختلط به فرم قطبی یا نمایی ۶۴۲

توان یک عدد مختلط و فرمول دموآور ۶۴۴

لگاریتم یک عدد مختلط ۶۵۰

توابع مثلثاتی مختلط ۶۵۲

توابع مثلثاتی معکوس ۶۵۲

توابع هذلولی مختلط ۶۵۳

درسنامه ۲: ریشه‌های یک عدد مختلط و معادله‌های مختلط ۶۵۴

ریشه‌ی یک عدد مختلط ۶۵۴

چند نکته در مورد ریشه‌های سوم عدد یک ۶۵۴

چند نکته در مورد ریشه‌های n ام عدد یک ۶۵۶

معادلات مختلط ۶۵۸

چند قضیه‌ی مهم ۶۶۴

درسنامه ۳: نواحی در صفحه مختلط ۶۶۶

بررسی معادله‌ی چند شکل خاص ۶۶۹

منابع و مراجع ۶۷۲